

Accélération des cartes auto-organisatrices sur tableau de dissimilarités par séparation et évaluation

Brieuc Conan-Guez, Fabrice Rossi

► **To cite this version:**

Brieuc Conan-Guez, Fabrice Rossi. Accélération des cartes auto-organisatrices sur tableau de dissimilarités par séparation et évaluation. Revue des Nouvelles Technologies de l'Information, Hermann, 2008. <inria-00232866>

HAL Id: inria-00232866

<https://hal.inria.fr/inria-00232866>

Submitted on 2 Feb 2008

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Accélération des cartes auto-organisatrices sur tableau de dissimilarités par séparation et évaluation

Brieuc Conan-Guez*, Fabrice Rossi**

*LITA EA3097, Université de Metz, Ile du Saulcy, F-57045 Metz
Brieuc.Conan-Guez@univ-metz.fr

**Projet AxIS, INRIA, Domaine de Voluceau, Rocquencourt, B.P. 105,
78153 Le Chesnay Cedex
Fabrice.Rossi@inria.fr

Résumé. Dans cet article, nous proposons une nouvelle implémentation d'une adaptation des cartes auto-organisatrices de Kohonen (SOM) aux tableaux de dissimilarités. Cette implémentation s'appuie sur le principe de séparation et évaluation afin de réduire le temps de calcul global de l'algorithme. Une propriété importante de ce nouvel algorithme tient au fait que les résultats produits sont strictement identiques à ceux de l'algorithme original.

1 Introduction

Dans beaucoup d'applications réelles, les individus étudiés ne peuvent pas être décrits efficacement par des vecteurs numériques : on pense par exemple à des données de tailles variables, comme les séquences d'acides aminés constituant des protéines, ou bien à des données (semi-)structurées (par exemple des documents XML). Une solution pour traiter de telles données est de s'appuyer sur une mesure de dissimilarité permettant de comparer les individus deux à deux.

Nous nous intéressons dans cet article à une adaptation des cartes auto-organisatrices de Kohonen (SOM pour *Self-Organizing Map*, (Kohonen, 1995)) aux données décrites seulement par un tableau de dissimilarités, proposée dans (Kohonen et Somervuo, 1998, 2002). Nous désignons cette adaptation par le sigle DSOM (pour *Dissimilarity SOM*). On trouve aussi dans la littérature l'appellation *Median SOM*. Le DSOM et ses variantes ont été appliqués avec succès à des problèmes réels d'analyse exploratoire portant sur des protéines, des données météorologiques (El Golli et al., 2004a), spectrométriques (El Golli et al., 2004b) ou encore provenant de l'usage d'un site web (Rossi et al., 2005; El Golli et al., 2006). Comme dans le cas classique, les résultats obtenus par le DSOM en terme de la qualité de la classification sont comparables à ceux obtenus avec d'autres méthodes applicables à des tableaux de dissimilarités (comme PAM (Kaufman et Rousseeuw, 1987) ou les algorithmes de type nuées dynamiques (Celeux et al., 1989)). L'avantage du DSOM sur ces algorithmes réside dans prise en compte d'une structure *a priori* qui permet la représentation graphique des classes et prototypes obtenus, ce qui facilite l'analyse exploratoire des données étudiées.

Le problème majeur du DSOM réside dans son temps de calcul : pour N observations et M classes, le coût algorithmique du DSOM est de $O(N^2M + NM^2)$ par itération. A titre de

comparaison, un algorithme comme PAM (Kaufman et Rousseeuw, 1987) a un coût de $O(N^2)$ par itération, ce qui le rend utilisable pour des données beaucoup plus volumineuses. Dans nos travaux précédents (Conan-Guez et al., 2005, 2006a,b), nous avons proposé une modification algorithmique (rappelée à la section 3 du présent article) qui ramène ce coût à $O(N^2 + NM^2)$, tout en conservant exactement les mêmes résultats. La réduction du coût théorique a été confirmée par des expériences montrant une très forte diminution du temps de calcul. Nous avons en outre étudié diverses heuristiques d'accélération des calculs qui permettaient de gagner un facteur allant jusqu'à 3.5 par rapport au code en $O(N^2 + NM^2)$, tout en garantissant encore des résultats identiques à ceux de l'algorithme d'origine.

Dans le présent article, nous proposons de nouvelles modifications de l'algorithme, basées sur le principe de séparation et évaluation (*branch and bound*, (Land et Doig, 1960)). Celui-ci s'appuie sur le calcul d'un minorant (dans la phase d'évaluation). La qualité de ce minorant ainsi que le temps nécessaire pour le calculer influent de manière importante sur le temps global d'exécution. Nous proposons donc diverses heuristiques de calcul de ce minorant, et nous illustrons grâce à des expériences menées sur des données simulées et réelles l'intérêt de ces différentes approches. Enfin, nous combinons au principe de séparation et évaluation certaines des techniques d'implémentations employées dans notre précédent travail, afin de réduire encore plus le temps de calcul. Nous obtenons ainsi une implémentation dont les temps de calcul sont comparables à ceux des méthodes concurrentes au DSOM. Comme pour notre travail antérieur, les résultats produits par cette nouvelle version du DSOM sont strictement identiques à ceux du DSOM original. Bien que cet article ne porte que sur le DSOM, la plupart des techniques proposées peuvent aisément être appliquées à d'autres algorithmes de classification de tableaux de dissimilarités s'appuyant sur la notion de prototype, en particulier le *Median Neural Gas* proposé dans (Cottrell et al., 2006).

2 Cartes auto-organisatrices de Kohonen adaptées aux tableaux de dissimilarités

Nous rappelons dans cette section l'adaptation du SOM aux tableaux de dissimilarités (DSOM, (Kohonen et Somervuo, 1998, 2002; El Golli et al., 2004a)). On considère N individus $\Omega = (\mathbf{x}_i)_{1 \leq i \leq N}$ appartenant à un espace arbitraire \mathcal{X} . Cet espace est muni d'une mesure de dissimilarité d , qui vérifie les propriétés classiques : symétrie ($d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) = d(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_i)$), positivité ($d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) \geq 0$), et self-égalité ($d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_i) = 0$).

Comme pour le SOM, le but du DSOM est double : construire un ensemble de prototypes représentatifs des données et organisés selon une structure *a priori*. Cette dernière est décrite par un graphe non orienté $\mathcal{G} = (\Gamma, \mathcal{A})$, où Γ est l'ensemble des nœuds (ou sommets) du graphe, numérotés de 1 à M ($\Gamma = \{1, \dots, M\}$), et \mathcal{A} est l'ensemble des arêtes. On munit \mathcal{G} d'une distance, notée δ . À l'instar du SOM, le DSOM est souvent utilisé afin d'obtenir une visualisation simplifiée d'un jeu de données. Dans ce cas, il est usuel de définir le graphe \mathcal{G} comme un maillage régulier (rectangulaire ou hexagonal) appartenant à un espace bidimensionnel : chaque nœud est un élément du plan. La distance de graphe δ est alors définie comme étant soit la distance de graphe naturelle (la distance séparant deux nœuds est donnée par le nombre d'arêtes composant le chemin de longueur minimale entre les deux nœuds considérés), soit la distance euclidienne (distance dans le plan entre les deux nœuds).

A chaque nœud du graphe, on associe un prototype \mathbf{m}_j^l qui est choisi dans Ω (pour chaque nœud j , il existe i tel que $\mathbf{m}_j^l = \mathbf{x}_i$). L'exposant l indique que le prototype est celui obtenu à l'itération l de l'algorithme. On voit apparaître dans le choix des prototypes une des différences majeures entre l'algorithme du SOM standard et le DSOM : pour le SOM standard, les prototypes sont décrits par des vecteurs quelconques choisis sans contrainte dans \mathcal{X} . Pour le DSOM en revanche, il n'est pas possible de construire des éléments arbitraires de \mathcal{X} et on impose donc aux prototypes d'être choisis parmi les données.

La quantification réalisée par les prototypes est représentée par une fonction d'affectation $c^l(i)$, qui à chaque individu \mathbf{x}_i associe un nœud du graphe : le prototype associé au nœud, $\mathbf{m}_{c^l(i)}^l$ est le représentant de l'individu concerné. On note \mathcal{C}_j^l la classe associée au nœud j à l'itération l : $\mathcal{C}_j^l = \{\mathbf{x}_i \in \Omega \mid c^l(i) = j\}$. Les \mathcal{C}_j^l forment une partition \mathcal{P}^l de Ω .

La structure de graphe impose une contrainte topologique par l'intermédiaire d'une fonction de voisinage définie à partir d'une fonction noyau décroissante K (par exemple $K(x) = \exp(-x^2)$) de la façon suivante : $h(j, k) = K(\delta(j, k))$. Le but de la fonction de voisinage est de mesurer l'influence d'un nœud j du graphe sur ses voisins : deux prototypes associés à des nœuds voisins sur le graphe auront des comportements relativement identiques, alors que deux prototypes associés à des nœuds distants sur le graphe seront libres d'évoluer indépendamment.

La fonction de voisinage évolue à chaque itération l : on note $h^l(.,.)$ la fonction utilisée à l'itération l (on l'obtient généralement par une relation de la forme $h(j, k) = K\left(\frac{\delta(j, k)}{T^l}\right)$, où T^l diminue avec l). La suite de fonctions $(h^l)_l$ vérifie dans la pratique deux propriétés importantes. $(h^l)_l$ est décroissante (i.e., $h^l > h^{l'}$ si $l < l'$). De plus, lors des dernières itérations l de l'algorithme, h^l peut être assimilée à une fonction delta de Kronecker. Ces deux propriétés font que la contrainte topologique se relâche au cours des itérations, l'algorithme se comportant en fin d'apprentissage comme un algorithme de type nuées dynamiques.

L'algorithme du DSOM, qui est basé sur la version non stochastique du SOM (version *batch*), cherche à minimiser la fonction énergie suivante :

$$\mathcal{E}^l(\mathcal{P}^l, \mathcal{M}^l) = \sum_{i=1}^N \sum_{j \in \Gamma} h^l(c^l(i), j) d(\mathbf{x}_i, \mathbf{m}_j^l). \quad (1)$$

Cette fonction mesure l'adéquation entre une partition des individus \mathcal{P}^l et un ensemble de prototypes \mathcal{M}^l , en tenant compte de la topologie. L'algorithme commence par une *phase d'initialisation* : on choisit par exemple $\mathcal{M}^0 = (\mathbf{m}_1^0, \dots, \mathbf{m}_M^0)$ de manière aléatoire. Puis l'algorithme alterne les *phases d'affectation* et les *phases de représentation* jusqu'à la convergence. Pour l'itération l , on a :

1. *phase d'affectation* : chaque individu \mathbf{x}_i est affecté au prototype qui le représente le mieux. Pour ce faire, on peut choisir le prototype le plus proche et donc poser $c^l(i) = \arg \min_{j \in \Gamma} d(\mathbf{x}_i, \mathbf{m}_j^{l-1})$. Dans la pratique cependant, cette règle d'affectation, bien que classique, présente un inconvénient important : elle ne permet pas de lever les ambiguïtés relatives aux collisions entre prototypes (cas relativement fréquent où deux nœuds distincts sont associés au même prototype). Pour contourner ce problème, nous utilisons la modification proposée dans (Kohonen et Somervuo, 1998). Cette méthode consiste à affiner le critère d'affectation dans le cas où une collision entre prototypes se produit : on ne cherche plus à trouver le prototype le plus proche de l'individu, mais

le prototype dont l'ensemble des voisins est le plus proche de l'individu (le rayon de recherche sur le graphe est incrémenté de 1 tant qu'un prototype n'est pas déclaré vainqueur). Remarquons que ces deux règles d'affectation ne garantissent pas la décroissance de la fonction énergie à chaque itération : on observe cependant dans la pratique la décroissance en moyenne de celle-ci. On pourrait aussi affecter les individus en minimisant directement $\mathcal{E}^l(\mathcal{P}^l, \mathcal{M}^l)$ par rapport à \mathcal{P}^l , en considérant \mathcal{M}^l fixé, comme dans (El Golli et al., 2004b). Cela conduit en général à des résultats similaires à ceux obtenus avec la méthode retenue ici, mais au prix d'une légère augmentation du temps de calcul.

2. *phase de représentation* : l'algorithme cherche de nouvelles valeurs pour les prototypes (i.e., \mathcal{M}^l) en minimisant la fonction énergie $\mathcal{E}^l(\mathcal{P}^l, \cdot)$ pour une partition \mathcal{P}^l fixée. Ce problème d'optimisation peut se réécrire facilement comme la somme de M problèmes d'optimisation indépendants (un problème par nœud du graphe). Chaque prototype \mathbf{m}_j^l est donc solution du nouveau problème :

$$\mathbf{m}_j^l = \arg \min_{\mathbf{m} \in \Omega} \sum_{i=1}^N h^l(c^l(i), j) d(\mathbf{x}_i, \mathbf{m}). \quad (2)$$

3 Recherche exhaustive efficace

Si l'on examine le coût algorithmique du DSOM, on constate que pour une itération de l'algorithme, le coût de la phase d'affectation est en $O(NM^2)$ au pire (voir la règle d'affectation modifiée dans (Kohonen et Somervuo, 1998)) et que la phase de représentation (voir équation 2) est en $O(N^2M)^1$ dans le cadre d'une recherche exhaustive. Comme $N > M$ dans tous les cas, la phase de représentation domine nettement le calcul.

Cependant, nous avons montré (Conan-Guez et al., 2005, 2006a,b) qu'il était possible d'exploiter la structure de l'équation 2 pour réduire le coût d'une recherche exhaustive. A l'itération l et pour chaque nœud j , on cherche à trouver pour quel k , la fonction $S^l(j, k)$ est minimale, où $S^l(j, k) = \sum_{i=1}^N h^l(c^l(i), j) d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_k)$. Si l'on note $D^l(u, k) = \sum_{\mathbf{x}_i \in \mathcal{C}_u^l} d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_k)$, on peut exprimer $S^l(j, k)$ en regroupant les individus par classes :

$$S^l(j, k) = \sum_{u=1}^M h^l(u, j) \sum_{\mathbf{x}_i \in \mathcal{C}_u^l} d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_k) = \sum_{u=1}^M h^l(u, j) D^l(u, k). \quad (3)$$

Il y a MN différentes valeurs $D^l(u, k)$ (nommées **sommes partielles** dans la suite de l'article), qui peuvent être pré-calculées une fois pour toute avant la phase de représentation. On montre dans (Conan-Guez et al., 2006a) que le coût de cette phase de pré-calcul est en $O(N^2)$ et que celui de la recherche exhaustive s'appuyant sur cette nouvelle formulation est en $O(NM^2)$. On a donc un coût total pour la phase de représentation de $O(N^2 + NM^2)$, à comparer avec $O(N^2M)$ pour l'algorithme initial. Comme on a $N > M$ dans toutes les situations, cette approche réduit le coût du DSOM. De plus, les résultats obtenus sont strictement identiques à ceux de l'algorithme initial.

¹à comparer avec $O(nNM)$ dans le cas du SOM *batch* classique sur des vecteurs de dimension n .

4 Accélération par séparation et évaluation

Dans la section précédente, les modifications apportées à l'algorithme du DSOM ont permis de réduire sa complexité algorithmique de manière significative. Dans cette section, nous allons exploiter le principe général de séparation et évaluation (*branch and bound*) pour rendre encore plus efficace la phase de représentation en évitant une recherche exhaustive naïve.

4.1 Séparation et évaluation

Rappelons tout d'abord le principe général de séparation et évaluation. Quand on doit minimiser une fonction f sur un domaine K , on cherche à éviter l'exploration exhaustive de K . Pour ce faire, on se donne une décomposition de K en sous-ensembles (si possible disjoints) qui correspond au terme *séparation*. On suppose être capable d'évaluer efficacement un minorant des valeurs de f sur chaque sous-ensemble (ce qui correspond au terme *évaluation*). Au lieu de faire une recherche exhaustive dans K , on commence par une région donnée, dans laquelle la recherche est conduite de façon exhaustive, ce qui conduit à un majorant pour le minimum. On compare alors ce majorant au minorant d'une région non explorée jusqu'à présent. Si le minorant est plus grand que le majorant actuel, on peut éliminer la région entière sans avoir besoin de l'explorer. Dans le cas contraire, on met à jour le majorant grâce à l'exploration exhaustive de la région.

Les performances d'un algorithme exploitant la séparation et l'évaluation dépendent de plusieurs facteurs : la rapidité de calcul des minorants dans une région, la qualité de ces minorants, l'ordre de parcours des régions, etc.

4.2 Séparation pour la représentation

Dans la phase de représentation du nœud j , on cherche le minimum sur Ω (identifié à $\{1, \dots, N\}$) de $S^l(j, \cdot)$. Nous proposons de réaliser la séparation de Ω à partir de la partition produite par l'algorithme lors de la phase d'affectation (\mathcal{P}^l). Le but du DSOM est en effet de produire des classes homogènes, mais aussi séparées (bien que la séparation entre classes ne soit pas maximisée explicitement). En raison de l'homogénéité, la valeur de $S^l(j, \cdot)$ reste relativement constante sur une classe et un minorant est donc assez représentatif des valeurs attendues. En raison de la séparation, les éléments d'une classe i ne devraient pas être de bons candidats pour représenter la classe $j \neq i$: on peut donc espérer qu'un minorant de $S^l(j, \cdot)$ pour les éléments de \mathcal{C}_i^l soit relativement élevé et rende donc superflue une recherche exhaustive dans cette classe (nous reviendrons sur ce point dans la section 4.3).

Si l'on fait l'hypothèse d'une équi-répartition des observations dans les classes (soit donc $\frac{N}{M}$ individus par classe), l'approche séparation et évaluation peut réduire considérablement le coût de la phase de représentation. Considérons en effet le cas d'un nœud fixé, pour lequel la recherche exhaustive est en $O(NM)$. Dans le cas le plus favorable, on n'effectue une recherche exhaustive seulement dans la première classe considérée. Pour chaque individu de cette classe, le coût d'évaluation de $S^l(j, k)$ est de $O(M)$, soit donc un coût total en $O(N)$ (avec équi-répartition). Pour les $M - 1$ classes restantes, on se contente de comparer l'évaluation du minorant au majorant obtenu grâce à la première classe, ce qui ajoute un temps de calcul en $O(M)$ (en ne tenant pas compte de la phase d'évaluation pour l'instant).

Dans le cas idéal, on passe donc d'une phase de représentation en $O(NM^2)$ à une phase en $O(M(N + M))$, à laquelle on doit ajouter le temps de calcul des évaluations (complexité en $O(MN)$).

4.3 Ordre de parcours des classes

L'efficacité de l'approche séparation et évaluation est fortement liée à l'ordre dans lequel les groupes d'éléments sont parcourus : l'algorithme est d'autant plus efficace qu'on trouve rapidement un bon majorant du minimum. Or, la partition calculée par le DSOM ordonne les données en un sens fortement lié au problème d'optimisation de la phase de représentation.

En effet, les individus affectés à une classe \mathcal{C}_j^l sont par définition proches (au sens de la dissimilarité) du prototype \mathbf{m}_j^{l-1} de cette classe. Il semble donc naturel de chercher la valeur de \mathbf{m}_j^l d'abord dans les éléments de \mathcal{C}_j^l . Comme nous le verrons à la section 7, cette stratégie s'avère en pratique très efficace.

En raison de la structure *a priori* imposée aux prototypes par l'algorithme du DSOM, le prototype d'un nœud j est aussi un modèle correct pour les éléments affectés aux nœuds voisins de j dans le graphe. De ce fait, ces éléments sont des candidats potentiels intéressants pour trouver le prototype de j . Une fois qu'on a parcouru de façon exhaustive \mathcal{C}_j^l , il semble donc pertinent de passer aux classes voisines, i.e., aux \mathcal{C}_u^l pour lesquelles $\delta(j, u)$ est petit. En pratique cependant, cette solution n'améliore que marginalement les résultats et nous ne l'avons pas incluse dans les expériences proposées dans l'article. En effet, après quelques itérations de l'algorithme, les classes sont déjà suffisamment séparées pour que le prototype d'une classe soit très fréquemment un élément de celle-ci. L'évaluation produit alors généralement un minorant pour les autres classes supérieur à la valeur de $S^l(j, \cdot)$ pour le candidat trouvé dans \mathcal{C}_j^l , ce qui évite leur parcours exhaustif.

4.4 Évaluation pour la représentation

L'évaluation consiste donc à minorer $S^l(j, \cdot)$ sur chaque classe \mathcal{C}_u^l de \mathcal{P}^l . Plus précisément on cherche à approcher par les valeurs inférieures la valeur $\min_{\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l} S^l(j, k)$.

La stratégie retenue consiste à exploiter la formulation de l'équation 3 et la positivité des éléments qui apparaissent dans les $S^l(j, k)$. On constate en effet que

$$\zeta^l(j, u, \gamma) = \sum_{v \in \gamma} h^l(v, j) \min_{\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l} D^l(v, k) \leq \min_{\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l} S^l(j, k). \quad (4)$$

où γ est sous-ensemble quelconque de $\Gamma = \{1, \dots, M\}$.

Le calcul de $\lambda^l(v, u) = \min_{\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l} D^l(v, k)$ se fait en $O(|\mathcal{C}_u^l|)$, et, globalement, celui de l'ensemble des $\lambda^l(\cdot, \cdot)$ se fait en $O(NM)$. Ceci est compatible avec les plus faibles temps de calcul envisageables pour la phase de représentation. Etudions à présent les deux stratégies extrêmes pour le choix du sous-ensemble γ , i.e. γ égale à Γ et γ réduit à un singleton :

La première stratégie revient à choisir $\gamma = \Gamma$. Dans ce cas, par positivité des éléments sommés, les minorants $\zeta^l(j, u, \Gamma)$ obtenus sont maximaux : tout autre choix pour γ mène à des minorants plus faibles, et donc de moins bonne qualité. Ce choix permet donc de minimiser le nombre de recherches exhaustives dans les classes pour l'algorithme du *branch and bound*. Malheureusement, le coût de calcul du minorant de l'équation 4 avec $\gamma = \Gamma$ est alors de

$O(M)$ pour chaque couple de nœuds (j, u) , ce qui induit un coût total en $O(M^3)$ pour obtenir l'ensemble des $\zeta^l(\cdot, \cdot, \Gamma)$. Le sur-coût induit par cette méthode d'évaluation des classes est inférieur au coût de la recherche exhaustive (en $O(NM^2)$), mais largement supérieur à celui du coût minimal envisageable dans le cas d'un fonctionnement idéal du *branch and bound* ($O(M(N + M))$). C'est la raison pour laquelle nous envisageons l'alternative suivante.

La deuxième stratégie revient à restreindre γ à un singleton. On obtient donc une borne de moins bonne qualité, mais avec un coût de calcul plus faible, au total en $O(M^2)$ pour l'ensemble des ζ^l , du même ordre de grandeur que le coût minimal envisageable (en tenant compte en outre du temps de calcul des $\lambda^l(\cdot, \cdot)$).

En pratique, nous nous sommes intéressés au cas de $\zeta^l(j, u, \{j\})$ quand γ est réduit à un singleton. Cette heuristique est motivée par la remarque suivante. La valeur $h^l(v, j)$ est d'autant plus petite que la distance $\delta(v, j)$ est grande. En outre les fonctions généralement utilisées pour calculer $h^l(v, j)$ à partir de $\delta(v, j)$ décroissent rapidement. En pratique, la valeur $\zeta^l(j, u, \{j\})$ est donc largement influencée par celle de $\lambda^l(j, u)$.

Nous verrons en pratique à la section 7 que cette heuristique donne des résultats très intéressants.

4.5 Algorithme

Pour le calcul de \mathbf{m}_j^l , nous obtenons au final l'algorithme 1 qui s'appuie sur le pré-calcul des grandeurs suivantes :

- les sommes partielles $D^l(u, k) = \sum_{\mathbf{x}_i \in C_u^l} d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_k)$ (cf section 3) ;
- les minima, classe par classe, de ces sommes partielles, c'est-à-dire les $\lambda^l(v, u) = \min_{\mathbf{x}_k \in C_u^l} D^l(v, k)$ (cf section 4.4).

5 Calculs court-circuités

Le principe des calculs court-circuités a déjà été exploité dans nos travaux précédents (Conan-Guez et al., 2006a) pour accélérer les calculs des sommes $S^l(\cdot, \cdot)$. Nous l'appliquons ici à la phase d'évaluation².

5.1 Principe

On a vu dans la section précédente que dans le cas où γ est choisi comme étant égal à Γ , la qualité des minorants $\zeta^l(j, u, \Gamma)$ est maximale (ce qui minimise le nombre de recherches exhaustives dans l'algorithme du *branch and bound*). Cependant, ces minorants sont obtenus au prix d'un coût algorithmique très important ($O(M^3)$). L'approche par court-circuit a donc pour but de calculer de manière efficace de nouveaux minorants de telle sorte que le nombre de recherches exhaustives reste identique au cas précédent ($\gamma = \Gamma$).

Le principe retenu est simple : le calcul de $\zeta^l(j, u, \Gamma)$ nécessite la sommation de M termes (voir équation 4 et algorithme 1, lignes 11 à 14). Cependant, on peut remarquer que ce calcul n'a pas besoin d'être mené à son terme. En effet, au cours de cette sommation, si l'un des résultats intermédiaires (sous-sommes) vient à dépasser la valeur du majorant actuel dans le *branch*

²Il serait techniquement possible de combiner les court-circuits de l'évaluation avec ceux du calcul des sommes, mais nous n'avons pas exploré cette voie pour l'instant.

Heuristiques d'accélération pour le DSOM

algorithme 1 Calcul de \mathbf{m}_j^l

```
1:  $\mathbf{m}_j^l \leftarrow \varepsilon$  {Initialisation}
2:  $qual \leftarrow \infty$ 
3: for all  $\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_j^l$  do {on commence par une recherche exhaustive dans  $\mathcal{C}_j^l$ }
4:   calcul de  $S^l(j, k)$  {en  $O(M)$  grâce aux  $D^l(u, k)$ }
5:   if  $qual > S^l(j, k)$  then
6:      $\mathbf{m}_j^l \leftarrow \mathbf{x}_k$ 
7:      $qual \leftarrow S^l(j, k)$ 
8:   end if
9: end for
10: for all  $u \neq j$  do {recherche dans les  $\mathcal{C}_u^l$  dans l'ordre croissant de  $\delta(j, u)$ }
11:    $\zeta \leftarrow 0$  { $\zeta$  contiendra  $\zeta^l(j, u, \gamma)$  après la boucle}
12:   for all  $v \in \gamma$  do {évaluation (calcul de  $\zeta^l(j, u, \gamma)$ , un minorant de  $\min_{\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l} S^l(j, k)$ }
13:      $\zeta \leftarrow \zeta + h^l(v, j)\lambda^l(v, u)$ 
14:   end for
15:   if  $\zeta < qual$  then {recherche exhaustive dans  $\mathcal{C}_u^l$ }
16:     for all  $\mathbf{x}_k \in \mathcal{C}_u^l$  do
17:       calcul de  $S^l(j, k)$ 
18:       if  $qual > S^l(j, k)$  then
19:          $\mathbf{m}_j^l \leftarrow \mathbf{x}_k$ 
20:          $qual \leftarrow S^l(j, k)$ 
21:       end if
22:     end for
23:   end if
24: end for
```

algorithme 2 Calcul court-circuité d'un minorant pour le nœud j et la classe \mathcal{C}_u

```

1:  $qual$  est le majorant actuel (cf algorithme 1)
2:  $\zeta \leftarrow 0$  { $\zeta$  contiendra un minorant de  $\zeta^l(j, u, \Gamma)$  après la boucle}
3: for all  $v \in \Gamma$  do
4:    $\zeta \leftarrow \zeta + h^l(v, j)\lambda^l(v, u)$ 
5:   if  $\zeta > qual$  then {court-circuit}
6:     break loop
7:   end if
8: end for

```

and bound, la recherche exhaustive n'a pas besoin d'être effectuée dans la classe considérée, et le calcul de la sommation peut être interrompu. Il est important de noter que les sous-sommes ainsi calculées sont aussi des minorants. L'algorithme correspondant s'écrit facilement : on insère dans la boucle de sommation une structure conditionnelle qui compare le résultat du calcul en cours avec le majorant actuel. Si le calcul de la sous-somme dépasse le majorant, la boucle est interrompue, et la recherche exhaustive n'est pas effectuée (voir algorithme 2 qui remplace les lignes 11 à 14 dans l'algorithme 1).

5.2 Ordre de calcul

Comme dans la section précédente, l'ordre des calculs est crucial pour obtenir une accélération effective. On considère ici l'ordre de parcours des éléments de Γ (voir boucle dans l'algorithme 2), le but étant de provoquer un court-circuit le plus tôt possible. Il faut donc sommer les termes qui constituent la valeur recherchée en commençant par les plus grands. Comme le tri des éléments engendrerait un sur-coût supérieur à celui du calcul complet, on doit s'appuyer sur un ordre approximatif. Or, comme nous l'avons remarqué à la section 4.4, la fonction de voisinage $h^l(.,.)$ joue un rôle très important car elle décroît assez vite avec la distance entre les nœuds dans la structure *a priori*. Nous proposons d'utiliser comme ordre interne celui induit par cette structure. Pour calculer $\zeta^l(j, u, \Gamma)$ on commencera donc par le terme $h^l(j, j)\lambda^l(j, u)$, puis on s'éloignera progressivement du nœud j dans le graphe. Notons que l'ordre de calcul est induit par le graphe et est fixé pendant les itérations du DSOM.

6 Mémorisation

La dernière optimisation à laquelle nous nous intéressons a déjà été exploitée dans nos travaux précédents (Conan-Guez et al., 2006a). Elle porte sur la phase de pré-calcul des sommes partielles $D^l(u, k)$ et des $\lambda^l(v, u)$, dont la complexité est en $O(N^2 + NM)$. On s'aperçoit en effet que les classes \mathcal{C}_u^l produites par le DSOM ont tendance à se stabiliser lors des dernières itérations de l'algorithme. Il n'est pas rare que d'une itération à l'autre, le contenu d'une (ou plusieurs) classe reste strictement identique. Dans de tels cas, les N sommes partielles $D^l(u, k)$ correspondantes restent inchangées, et il est donc inutile de les recalculer.

De même, le recalcul des quantités $\lambda^l(v, u) = \min_{x_k \in \mathcal{C}_u^l} D^l(v, k)$ n'est nécessaire que si la classe \mathcal{C}_u^l ou la classe \mathcal{C}_v^l ont été modifiées. Les algorithmes basés sur la technique de mémorisation surveillent donc les changements de classes afin de calculer les quantités $D^l(u, k)$ et $\lambda^l(v, u)$ de manière paresseuse (*lazy computing*).

7 Expériences

7.1 Méthodologie

Les différents algorithmes ont été implémentés en langage Java, et testés avec le kit de développement de Sun (version 1.5). Les programmes ont été étudiés sur une station de travail équipée d'un Pentium IV 3.00 Ghz (l'hyperthreading est désactivé) avec 512Mo de mémoire vive. Le système d'exploitation utilisé est Linux (Kubuntu). La machine virtuelle java (JVM) est exécutée en mode serveur afin d'activer l'optimisation la plus poussée du code. Pour chaque algorithme proposé, la machine virtuelle Java est démarrée et la matrice de dissimilarités est chargée³ entièrement en mémoire. L'algorithme est alors exécuté une première fois. La durée de cette première exécution n'est pas prise en compte dans nos résultats, car la JVM utilise cette première exécution pour identifier les parties du code nécessitant une optimisation plus poussée. A la fin de cette première exécution, l'algorithme est à nouveau exécuté 5 fois. Les durées⁴ rapportées dans ce travail correspondent à la médiane de ces 5 exécutions. Nous n'indiquons pas l'écart-type des différentes mesures car sa valeur est très faible comparée à la médiane.

Ce protocole expérimental a été utilisé afin de minimiser l'influence sur les résultats de certaines particularités de la plateforme Java. La machine virtuelle réalise en effet une compilation au vol (*just in time*) du code chargé, en s'appuyant sur une analyse dynamique du comportement du programme en cours d'exécution. En laissant la machine virtuelle exécuter complètement l'algorithme, on lui permet d'optimiser la traduction en langage machine. Les exécutions suivantes se font alors en un temps stable et dans une situation comparable à celle qu'on aurait avec un langage de programmation plus statique comme le C, pour lequel la traduction en langage machine est effectuée en amont de l'exécution. Cette méthodologie est très classique en Java (cf par exemple (Cecchet et al., 2002)).

7.2 Données

Les algorithmes proposés ont été évalués sur des données simulées ainsi que sur des données réelles.

Les différents jeux de *données simulées* sont générés de la manière suivante. On considère N points de \mathbb{R}^2 choisis aléatoirement dans le carré unité selon la loi uniforme. La matrice de dissimilarités contient le carré de la distance euclidienne entre chaque couple de points. Les

³Dans nos travaux antérieurs, seule la partie triangulaire inférieure de la matrice de dissimilarités était mémorisée. Dans ce travail, la totalité de la matrice est chargée en mémoire. On obtient ainsi un temps d'accès réduit aux éléments de la matrice au détriment d'une occupation mémoire deux fois plus importante.

⁴Ces durées correspondent au temps CPU utilisé par le programme et sont obtenus grâce à l'appel POSIX `clock_gettime`.

tailles des jeux de données sont les suivantes : $N = 500$, $N = 1000$, $N = 1500$, $N = 2000$, et $N = 3000$.

Les *données réelles* sont issues de la base *SCOWL word lists* (Atkinson, 2004) dans laquelle nous avons retenu une liste de 4946 mots communs de la langue anglaise. Après avoir supprimé les formes plurielles ainsi que les formes possessives, le nombre de mots a été ramené à 3 200. Cet ensemble correspond à notre premier jeu de données réelles. À partir de celui-ci, un second jeu de données a été généré en utilisant l'algorithme de *stemming* de (Porter, 1980). Cet algorithme ne conserve que le radical de chaque mot. Cette opération a réduit l'ensemble des mots au nombre de 2 277. Les mots sont comparés grâce à la distance de (Levenshtein, 1966) définie comme suit. La distance entre deux chaînes de caractères a et b est le nombre minimal de transformations élémentaires nécessaires pour passer de a à b , en considérant les trois transformations suivantes (avec le même coût par transformation) : remplacement d'un caractère par un autre, suppression ou insertion d'un caractère. L'inconvénient de cette distance est qu'elle n'est pas très adaptée à un ensemble de mots dont la longueur n'est pas uniforme. La distance entre les chaînes "a" et "b" est la même que celle entre "love" et "lover", par exemple. Nous avons donc utilisé une version normalisée de la distance de Levenshtein, où celle-ci est divisée par la longueur de la plus grande chaîne.

Nous avons utilisé les différents algorithmes avec une topologie de grille hexagonale. Les tailles choisies sont les suivantes : $M = 49 = 7 \times 7$, $M = 100 = 10 \times 10$, $M = 225 = 15 \times 15$ et $M = 400 = 20 \times 20$. Les expériences où le nombre de classes M est trop élevé par rapport au nombre d'individus N n'ont pas été menées. La fonction de voisinage est définie grâce à un noyau gaussien. Le nombre d'itérations des différents algorithmes est fixé à 100. Cette valeur a été choisie de façon heuristique pour conduire à l'obtention d'une classification finale de qualité satisfaisante dans les expériences portant sur les données textuelles : avec une valeur nettement plus faible, le DSOM a en effet tendance à converger vers une solution qui ne préserve pas la topologie des données. Pour le cas des données simulées, nous avons retenu cette même valeur, ce qui permet d'obtenir de bons résultats. On peut remarquer que l'ordre de grandeur obtenu est comparable à celui observé quand on utilise d'autres méthodes de classification sur des tableaux de dissimilarités, comme PAM (Kaufman et Rousseeuw, 1987) (il est significativement moins important que celui nécessaire pour des algorithmes de type stochastique). Enfin, on constate qu'une valeur de l'ordre de 100 au moins était nécessaire pour obtenir une estimation fiable des temps d'exécution pour les jeux de données peu volumineux (moins d'une seconde dans certains cas).

7.3 Implémentation de référence (recherche exhaustive)

Notre implémentation de référence est celle décrite dans la section 3 qui consiste en une recherche exhaustive des prototypes avec pré-calcul des sommes partielles. Dans nos travaux antérieurs (Conan-Guez et al., 2006a), nous avons montré, sur des données similaires à celles utilisées ici, que cet algorithme en $O(N^2 + NM^2)$ était toujours plus efficace que la recherche naïve en $O(N^2M)$. A titre d'exemple, pour le cas des données uniformes sur le carré unité avec $N = 3000$ et $M = 400$, le temps d'exécution était de 2 heures pour l'algorithme naïf et de seulement 4 minutes et demie pour l'algorithme des sommes partielles⁵. L'amélioration

⁵Dans les résultats présentés ici, le temps d'exécution n'est que de 4 minutes sur les mêmes données : ceci est une conséquence de l'utilisation d'une matrice de dissimilarités pleine.

Heuristiques d'accélération pour le DSOM

étant systématique, il n'y a pas lieu d'utiliser l'algorithme naïf. Les différents algorithmes proposés seront donc comparés à l'algorithme de la section 3 (qui servira ainsi de référence). On donnera le facteur d'accélération d'une méthode, c'est-à-dire le rapport entre le temps de calcul de l'algorithme de référence et le temps de calcul de la méthode.

Le tableau 1 récapitule les temps d'exécution en secondes de cet algorithme pour les différents jeux de données.

N (individus) M (classes)	Données simulées					SCOWL	
	500	1 000	1 500	2 000	3 000	2 277	3 200
$49 = 7 \times 7$	0.7	1.5	2.5	3.7	6.6	4.6	8.6
$100 = 10 \times 10$	2.6	4.5	7.3	10.0	16.9	12.6	19.4
$225 = 15 \times 15$		26.6	40.9	54.4	83.2	62.5	86.4
$400 = 20 \times 20$			133.2	174.2	242.8	185.9	318.0

TAB. 1 – Temps d'exécution en secondes pour l'algorithme des sommes partielles

On remarque une différence de comportement importante de l'algorithme entre les données simulées pour $N = 3\,000$ et les données réelles pour $N = 3\,200$, avec $M = 400$, le second problème demandant nettement plus de temps calcul que le premier. Cette différence tient au fait que les deux jeux de données SCOWL sont nettement plus sensibles au problème de collisions entre prototypes que les jeux de données simulées, ce qui implique des calculs supplémentaires dans la phase d'affectation. En effet, en l'absence de collision, on se contente de chercher le prototype le plus proche d'une observation, ce qui conduit à $M - 1$ comparaisons par observation. En présence de collisions, on doit évaluer chaque noeud en tenant compte de certains de ses voisins, ce qui peut conduire à un calcul en $O(M^2)$ pour chaque individu. A titre d'exemple, le nombre moyen de voisins pris en compte pour chaque noeud est de 0.987 pour les données simulées avec $N = 3\,000$ et $M = 400$, contre 30.2 dans le cas des données réelles ($N = 3\,200$ et $M = 400$). On voit donc que la phase d'affectation peut avoir un impact négatif sur le temps d'exécution global si les collisions sont trop fréquentes. On retrouvera ce problème dans toutes les implémentations optimisées que nous proposons.

7.4 Séparation et évaluation

Nous étudions tout d'abord les effets de la mise en place du principe de séparation et d'évaluation, en considérant les deux stratégies d'évaluation décrites dans la section 4.4.

Le tableau 2 récapitule les facteurs d'accélération obtenus. Dans chaque case, le premier facteur correspond au minorant $\zeta^l(j, u, \{j\})$ issu de l'équation 4 (minorant calculé à partir d'un seul terme), alors que le second facteur correspond au minorant de l'équation 4 (minorant calculé à partir de l'ensemble des termes).

Si nous étudions les résultats obtenus pour le premier minorant ($\zeta^l(j, u, \{j\})$), nous constatons que l'utilisation du principe de séparation et évaluation est presque toujours bénéfique (seul le cas $N = 3\,200$ et $M = 49$ se révèle plus lent). Quand N augmente, l'accélération est plus faible car le terme en $O(N^2)$ domine le coût total et une réduction du temps d'exécution de la partie théoriquement en $O(NM^2)$ n'a qu'un effet marginal. Considérons par exemple le cas des données simulées avec $N = 3\,000$ et $M = 49$. La recherche exhaustive nécessite

	Données simulées					SCOWL	
	500	1 000	1 500	2 000	3 000	2 277	3 200
N (individus)							
M (classes)							
$49 = 7 \times 7$	1.2 1.5	1.1 1.4	1.1 1.4	1.1 1.3	1.0 1.3	1.0 1.2	0.9 1.1
$100 = 10 \times 10$	1.4 1.7	1.4 2.1	1.3 2.2	1.2 2.2	1.2 2.1	1.0 1.5	1.0 1.3
$225 = 15 \times 15$		2.0 2.7	2.0 3.4	2.0 4.0	2.0 4.3	1.2 1.8	1.2 2.0
$400 = 20 \times 20$			2.5 2.8	2.5 3.4	2.4 4.2	1.3 2.0	1.2 1.7

TAB. 2 – Facteurs d'accélération de l'algorithme avec séparation et évaluation : minorant (un seul terme | tous les termes)

l'évaluation de $NM = 147000$ sommes $S^l(.,.)$ par itération. Or, le principe de séparation et évaluation conduit à évaluer moins de 71000 sommes en moyenne. Le coût effectif de la représentation est donc réduit de moitié, mais les sur-coûts et l'importance du terme en $O(N^2)$ empêchent cette amélioration d'avoir un réel impact sur le temps de calcul. Pour $N = 500$ et $M = 49$, on retrouve une réduction approximative du coût de la représentation par un facteur 2, qui se traduit cette fois-ci par une amélioration réelle en raison de la valeur plus faible de N : la phase en $O(NM^2)$ domine le temps de calcul.

Pour la même raison (équilibre entre N^2 et NM^2), l'accélération augmente avec M , alors que la réduction du nombre de sommes évaluées reste sensiblement la même : pour $N = 3000$ et $M = 100$, par exemple, on calcule en moyenne 148000 sommes, contre 300000 avec une recherche exhaustive. On retrouve ce facteur 2 pour toutes les expériences réalisées sur les données simulées.

Les résultats moins bons obtenus sur les données réelles s'expliquent par la difficulté du problème : le DSOM réalise une quantification de moins bonne qualité pour ces données que pour les données simulées (ce problème est lié à celui des collisions de prototypes évoqué dans la section 7.3). De ce fait, la séparation induite par la partition est moins efficace et la réduction du nombre d'évaluations est plus faible : pour $N = 3200$ et $M = 100$, on évalue en moyenne 250000 sommes au lieu des 320000 de la recherche exhaustive. On retrouve la même proportion (environ 20 % de sommes en moins) pour d'autres valeurs de M , mais aussi pour $N = 2277$.

Si nous étudions à présent les résultats obtenus pour le second minorant (équation 4), nous constatons qu'ils sont tous strictement meilleurs que ceux obtenus avec le minorant précédent. Ceci est une conséquence de la qualité bien meilleure des minorants obtenus par le calcul plus complet. Dans le cas de $N = 3000$ et $M = 225$, on passe de 675000 évaluations de sommes à 333000 en moyenne pour le premier minorant, et à seulement 39000 pour le minorant plus précis. Bien que son temps de calcul soit plus élevé d'un facteur M , ce sur-coût est largement compensé par la réduction très importante du nombre de sommes évaluées.

7.5 Algorithmes basés sur le calcul court-circuité des minorants avec ou sans ordre

La section précédente montre que le calcul complet des minorants selon l'équation 4 conduit à une plus grande accélération que le calcul des minorants réalisé avec un seul terme. Le principe du court-circuit présenté à la section 5 permet en théorie de réduire le temps de calcul

Heuristiques d'accélération pour le DSOM

des minorants. Nous étudions maintenant son impact pratique, avec ou sans ordre heuristique pour les calculs considérés.

	Données simulées					SCOWL	
	500	1 000	1 500	2 000	3 000	2 277	3 200
N (individus)							
M (classes)							
$49 = 7 \times 7$	1.4 1.5	1.4 1.4	1.3 1.4	1.3 1.4	1.2 1.2	1.2 1.2	1.1 1.1
$100 = 10 \times 10$	1.7 1.9	2.1 2.3	2.2 2.3	2.1 2.3	2.0 2.1	1.5 1.5	1.4 1.3
$225 = 15 \times 15$		3.1 4.4	3.8 5.0	4.2 5.3	4.5 5.3	2.0 2.0	2.1 2.2
$400 = 20 \times 20$			3.6 6.2	4.1 6.5	5.0 7.1	2.4 2.6	1.8 1.9

TAB. 3 – Facteurs d'accélération de l'algorithme avec calculs court-circuités : sans ordre | avec ordre

Le tableau 3 récapitule les facteurs d'accélération obtenus pour l'algorithme basé sur le principe de séparation et évaluation avec calculs court-circuités de l'évaluation des minorants sans ordre (résultat de gauche dans chaque case) et avec ordre (résultat de droite).

En se focalisant tout d'abord sur l'algorithme sans ordre, on constate que les facteurs d'accélération sont en général meilleurs que ceux obtenus par l'algorithme sans calculs court-circuités. On voit donc que bien que le calcul court-circuité induise un sur-coût de calcul (lié à la présence d'un test dans la boucle de calcul du minimum), ce sur-coût est en général bien compensé par la réduction du nombre d'opérations à effectuer.

Si l'on s'intéresse à présent au cas où l'on ordonne le calcul du minorant, on constate que les résultats sont nettement améliorés par rapport à l'algorithme sans ordonnancement. Là encore, on peut déduire que le sur-coût lié à cette implémentation (une indirection dans la boucle du calcul du minorant) est compensé par l'obtention plus rapide d'un minorant de même qualité.

7.6 Mémorisation et comparaison avec les travaux antérieurs

La section précédente montre l'intérêt de la combinaison d'une approche séparation et évaluation avec une évaluation court-circuité et ordonnée de minorants précis. Dans la présente section, nous combinons cette approche avec la technique de mémorisation décrite à la section 6.

	Données simulées					SCOWL	
	500	1 000	1 500	2 000	3 000	2 277	3 200
N (individus)							
M (classes)							
$49 = 7 \times 7$	1.9 1.4	1.9 1.4	1.9 1.4	1.8 0.9	1.8 1.3	1.4 1.2	1.3 1.1
$100 = 10 \times 10$	2.2 1.7	2.9 1.9	2.9 1.7	2.9 1.6	2.8 1.5	1.6 1.2	1.5 1.1
$225 = 15 \times 15$		5.1 2.7	5.8 2.8	6.3 2.7	6.4 2.5	2.1 1.6	2.3 1.5
$400 = 20 \times 20$			6.8 3.6	7.3 3.5	8.2 3.2	2.6 1.9	1.9 1.5

TAB. 4 – Facteurs d'accélération de l'algorithme avec mémorisation et de l'algorithme présenté dans des travaux antérieurs

Le tableau 4 récapitule les résultats de cet algorithme hybride. Ses résultats sont comparés à ceux (résultats de droite) obtenus par le meilleur algorithme décrit dans nos travaux

précédents (algorithme des sommes partielles avec calculs court-circuités, ordonnancement et mémorisation (Conan-Guez et al., 2005, 2006a,b)).

Si l'on s'intéresse tout d'abord aux résultats produits par la technique de mémorisation, on constate que ceux-ci sont toujours strictement meilleurs que ceux de la version sans mémorisation⁶. Un point crucial est que les effets de la mémorisation sont d'autant plus marqués que le nombre d'individus N est important. Ceci peut s'expliquer par le fait que la mémorisation permet de réduire la phase de pré-calcul dont la complexité est très dépendante de N (complexité en $O(N^2 + NM)$ pour le pré-calcul des $D^l(u, k)$ et des $\lambda^l(v, u)$). On constate en revanche que l'efficacité de la mémorisation décroît avec le nombre de classes M . Ceci peut être expliqué par deux raisons. Premier point, la phase de représentation n'est pas améliorée par la mémorisation et devient de plus en plus importante dans le coût global. Deuxième point, plus le nombre de classes M est important, plus les modifications de ces classes sont fréquentes. Ceci réduit donc l'efficacité de la mémorisation.

D'une manière plus générale, on constate que les résultats obtenus par notre nouvel algorithme sont très bons : les divers techniques d'implémentations ont permis d'accélérer jusqu'à un facteur 8 le temps d'exécution par rapport à l'algorithme des sommes partielles pour les données simulées (le facteur n'est que de 2.6 pour les données réelles SCOWL). Les comparaisons avec l'algorithme proposé dans nos travaux précédents sont aussi concluantes : sur les données simulées, le facteur d'accélération atteint la valeur de 2.5 sous des conditions favorables. Pour les données SCOWL, ce même facteur atteint la valeur de 1.5.

8 Conclusions

Lors de précédents travaux, nous avons proposé un algorithme efficace pour le SOM appliqué aux tableaux de dissimilarités. Dans le présent travail, nous utilisons le principe de séparation et évaluation afin de proposer une version encore plus performante : le ratio du temps d'exécution entre l'ancienne version et la version proposée atteint la valeur de 2.5 dans le cas le plus favorable. De plus, les résultats produits par cette nouvelle approche sont strictement identiques à ceux obtenus par l'algorithme original.

Remerciements

Nous remercions les rapporteurs anonymes dont les remarques et conseils ont contribué à améliorer le présent article.

Références

Atkinson, K. (2004). Spell checking oriented word lists (SCOWL). Available at URL <http://wordlist.sourceforge.net/>. Revision 6.

⁶Dans nos précédents travaux, une technique plus fine de mémorisation avait été envisagée. Grâce à une amélioration de la localité mémoire dans notre nouvelle implémentation, l'apport de cette technique devient marginal. Cette technique n'est donc pas reprise dans le présent travail.

Heuristiques d'accélération pour le DSOM

- Cecchet, E., J. Marguerite, et W. Zwaenepoel (2002). Performance and scalability of ejb applications. In *OOPSLA '02 : Proceedings of the 17th ACM SIGPLAN conference on Object-oriented programming, systems, languages, and applications*, New York, NY, USA, pp. 246–261. ACM Press.
- Celeux, G., E. Diday, G. Govaert, Y. Lechevallier, et H. Ralambondrainy (1989). *Classification Automatique des Données*. Paris : Bordas.
- Conan-Guez, B., F. Rossi, et A. El Golli (2005). A fast algorithm for the self-organizing map on dissimilarity data. In *Proceedings of the 5th Workshop on Self-Organizing Maps (WSOM 05)*, Paris (France), pp. 561–568.
- Conan-Guez, B., F. Rossi, et A. El Golli (2006a). Fast algorithm and implementation of dissimilarity self-organizing maps. *Neural Networks* 19(6–7), 855–863.
- Conan-Guez, B., F. Rossi, et A. El Golli (2006b). Un algorithme efficace pour les cartes auto-organisatrices de kohonen appliquées aux tableaux de dissimilarités. In M. Nadif et F.-X. Jollois (Eds.), *Actes des treizièmes rencontres de la Société Francophone de Classification*, Metz, France, pp. 73–76.
- Cottrell, M., B. Hammer, A. Hasenfuß, et T. Villmann (2006). Batch and median neural gas. *Neural Networks* 19, 762–771.
- El Golli, A., B. Conan-Guez, et F. Rossi (2004a). Self organizing map and symbolic data. *Journal of Symbolic Data Analysis* 2(1).
- El Golli, A., B. Conan-Guez, et F. Rossi (2004b). A self organizing map for dissimilarity data. In D. Banks, L. House, F. R. McMorris, P. Arabie, et W. Gaul (Eds.), *Classification, Clustering, and Data Mining Applications (Proceedings of IFCS 2004)*, Chicago, Illinois (USA), pp. 61–68. IFCS : Springer.
- El Golli, A., F. Rossi, B. Conan-Guez, et Y. Lechevallier (2006). Une adaptation des cartes auto-organisatrices pour des données décrites par un tableau de dissimilarités. *Revue de Statistique Appliquée LIV*(3), 33–64.
- Kaufman, L. et P. J. Rousseeuw (1987). Clustering by means of medoids. In Y. Dodge (Ed.), *Statistical Data Analysis Based on the L1-Norm and Related Methods*, pp. 405–416. North-Holland.
- Kohonen, T. (1995). *Self-Organizing Maps* (Third ed.), Volume 30 of *Springer Series in Information Sciences*. Springer. Last edition published in 2001.
- Kohonen, T. et P. J. Somervuo (1998). Self-organizing maps of symbol strings. *Neurocomputing* 21, 19–30.
- Kohonen, T. et P. J. Somervuo (2002). How to make large self-organizing maps for nonvectorial data. *Neural Networks* 15(8), 945–952.
- Land, A. H. et A. G. Doig (1960). An automatic method for solving discrete programming problems. *Econometrica* 28, 497–520.
- Levenshtein, V. I. (1966). Binary codes capable of correcting deletions, insertions and reversals. *Sov. Phys. Dokl.* 6, 707–710.
- Porter, M. F. (1980). An algorithm for suffix stripping. *Program* 14(3), 130–137.
- Rossi, F., A. El Golli, et Y. Lechevallier (2005). Usage guided clustering of web pages with the median self organizing map. In *Proceedings of XIIIth European Symposium on Artificial Neural Networks (ESANN 2005)*, Bruges (Belgium), pp. 351–356.

Summary

In this paper, a new implementation of the adaptation of Kohonen self-organising maps (SOM) to dissimilarity matrices is proposed. This implementation relies on the branch and bound principle to reduce the algorithm running time. An important property of this new approach is that the obtained algorithm produces exactly the same results as the standard algorithm.